

2019年度 明海大学歯学部一般入学試験A日程

理科・数学試験問題

物 理
生 物
化 学
数 学

注意事項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。
- 2 試験問題は43ページあります。
- 3 試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁、解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせなさい。
- 4 監督者の指示に従って、解答用紙の受験番号・生年月日および氏名欄に正しく記入し、さらに、受験番号・生年月日をマークしなさい。
- 5 受験番号が正しくマークされていない場合は、採点できないことがあります。
- 6 4科目中1科目を選択し、解答用マークシートの所定の箇所に選択した科目を正しく記入し、さらに、選択した科目をマークしなさい。
- 7 解答は、解答用紙の解答欄に次の記入上の注意に従いマークしなさい。

- (1) 例えば **10** に3と解答する場合は、10の解答欄の3をマークし

10 | ① ② ● ④ ⑤ ⑥ ⑦ ⑧ ⑨ ⑩ ⊖ * とする。

- (2) もし複数の解答がある場合は、解答欄の複数の箇所にマークする。

例えば **10** に1, 5, 0と解答する場合は、10の解答欄の1, 5, 0をマークし

10 | ● ② ③ ④ ● ⑥ ⑦ ⑧ ⑨ ● ⊖ * とする。

- 8 余白の部分および巻末の計算用紙は適宜使用してよいが、どのページも切り離してはいけません。
- 9 試験終了後、問題冊子は持ち帰ってはいけません。

数 学

次の **1** ~ **26** に当てはまるものを指定された選択肢の中から選び、その番号を解答用紙の解答欄にマークせよ。

I . 次の各問いに答えよ。

(1) $(x+y+1)^2 - y(2x+y+2)$ を計算すると **1** である。

1 に対する選択肢

- | | | |
|------------------------|-------------------|--------------------|
| ① x^2 | ② $x^2 + 1$ | ③ $x^2 + 2x$ |
| ④ $x^2 + 2x + 1$ | ⑤ $x^2 + y$ | ⑥ $x^2 + 2y + 1$ |
| ⑦ $x^2 + y^2$ | ⑧ $x^2 + y^2 + 1$ | ⑨ $x^2 + y^2 + 2x$ |
| ⑩ $x^2 + y^2 + 2x + 1$ | | |

(2) $4x^2 - y^2 - 2x + y$ を因数分解すると **2** である。

2 に対する選択肢

- | | |
|--------------------|--------------------|
| ① $(2x+1)(2y+1)$ | ② $(2x-1)(2y-1)$ |
| ③ $(4x-1)(2y-1)$ | ④ $(2x-1)(4y-1)$ |
| ⑤ $(2x-y)(2x+y-1)$ | ⑥ $(2x+y)(2x-y)$ |
| ⑦ $(x+2y)(x-2y)$ | ⑧ $(x+y)(2x-y-1)$ |
| ⑨ $(2x-y)(2x-y-1)$ | ⑩ $(2x-y)(2x-y-2)$ |

(3) 2次方程式

$$4x^2 - 8x + 1 = 0$$

の2つの解のうち、大きい方の解を α とする。このとき、

$$4\alpha^2 - 7 = \boxed{3}, \quad 2\alpha(2\alpha - 1) + \frac{1}{2\alpha} \left(\frac{1}{2\alpha} - 1 \right) = \boxed{4}$$

である。

3 に対する選択肢

- | | | | |
|-------------------|-------------------|----------------|-------------------|
| ① $-2\sqrt{3}$ | ② $-3\sqrt{3}$ | ③ $-4\sqrt{3}$ | ④ $1 - 2\sqrt{3}$ |
| ⑤ $2 - 3\sqrt{3}$ | ⑥ $3 - 4\sqrt{3}$ | ⑦ $3\sqrt{3}$ | ⑧ $4\sqrt{3}$ |
| ⑨ $2 + 3\sqrt{3}$ | ⑩ $3 + 4\sqrt{3}$ | | |

4 に対する選択肢

- | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|------|
| ① 1 | ② 2 | ③ 3 | ④ 4 | ⑤ 5 |
| ⑥ 6 | ⑦ 7 | ⑧ 8 | ⑨ 9 | ⑩ 10 |

(4) a, b, c を定数とする。放物線

$$y = ax^2 - bx + c \quad \cdots \cdots (\text{ア})$$

が3点 $(2, 8), (1, 4), (-1, 14)$ を通るとき、

$$a = \boxed{5}, \quad b = \boxed{6}, \quad c = \boxed{7}$$

である。また、(ア)の頂点の y 座標は **8** である。

5, **6**, **7** に対する選択肢

- | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|
| ① 1 | ② 2 | ③ 3 | ④ 4 | ⑤ 5 |
| ⑥ 6 | ⑦ 7 | ⑧ 8 | ⑨ 9 | ⑩ 0 |

8 に対する選択肢

- | | | | | |
|------------------|-------------------|-------------------|-------------------|-------------------|
| ① $\frac{10}{3}$ | ② $\frac{17}{3}$ | ③ $\frac{13}{6}$ | ④ $\frac{19}{6}$ | ⑤ $\frac{23}{6}$ |
| ⑥ $\frac{41}{6}$ | ⑦ $\frac{29}{12}$ | ⑧ $\frac{37}{12}$ | ⑨ $\frac{47}{12}$ | ⑩ $\frac{53}{12}$ |

(5) a を整数とする。関数

$$y = \frac{1}{4}ax^2 - \frac{1}{2}x - \frac{1}{4}a - 1$$

について、 y の値が常に負となる a の値は全部で 9 個ある。

9 に対する選択肢

- | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|------|
| ① 1 | ② 2 | ③ 3 | ④ 4 | ⑤ 5 |
| ⑥ 6 | ⑦ 7 | ⑧ 8 | ⑨ 9 | ⑩ 10 |

(6) 実数 x に関する 3 つの条件

$$p: |x - 2| < 5$$

$$q: x^2 < 50$$

$$r: 6x^2 + 25x - 9 \leq 0$$

について、 p は q であるための 10。また、 q は「 \bar{p} かつ r 」であるための 11。ただし、 \bar{p} は p の否定を表す。

10, 11 に対する選択肢

- ① 必要条件であるが十分条件でない
- ② 十分条件であるが必要条件でない
- ③ 必要十分条件である
- ④ 必要条件でも十分条件でもない

(7) 7 つの実数

$$\sin 20^\circ, \cos 25^\circ, \sin 130^\circ, \cos 140^\circ, \tan 130^\circ, \frac{\sqrt{2}}{2}, -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

のうち、最も大きい数は 12 であり、最も小さい数は 13 である。

12, 13 に対する選択肢

- | | | | |
|--------------------|------------------------|-------------------------|--------------------|
| ① $\sin 20^\circ$ | ② $\cos 25^\circ$ | ③ $\sin 130^\circ$ | ④ $\cos 140^\circ$ |
| ⑤ $\tan 130^\circ$ | ⑥ $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | ⑦ $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ | |

(8) 6個の整数0, 1, 2, 3, 4, 5の中から異なる5個の数を取り出して5桁の整数をつくるとき、全部で **14** 個の数ができる。また、このうち34000より小さい数は **15** 個ある。

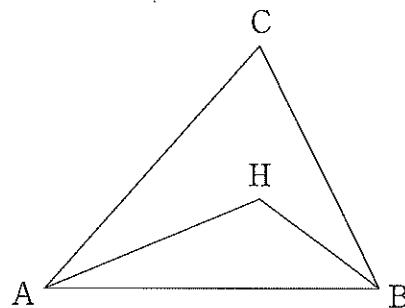
14 に対する選択肢

- | | | | | |
|-------|--------|--------|--------|--------|
| ① 300 | ② 480 | ③ 600 | ④ 720 | ⑤ 800 |
| ⑥ 900 | ⑦ 1000 | ⑧ 1120 | ⑨ 1200 | ⑩ 1500 |

15 に対する選択肢

- | | | | | |
|-------|-------|-------|-------|-------|
| ① 144 | ② 168 | ③ 175 | ④ 180 | ⑤ 184 |
| ⑥ 200 | ⑦ 216 | ⑧ 224 | ⑨ 312 | ⑩ 328 |

(9) 下の図において、点Hを $\triangle ABC$ の垂心とし、 $\angle CAH = 19^\circ$ とする。



このとき、 $\angle ACB = \boxed{16}$ であり、 $\angle AHB = \boxed{17}$ である。

16 に対する選択肢

- | | | | | |
|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| ① 61° | ② 63° | ③ 71° | ④ 76° | ⑤ 77° |
| ⑥ 79° | ⑦ 81° | ⑧ 83° | ⑨ 85° | ⑩ 87° |

17 に対する選択肢

- | | | | | |
|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| ① 95° | ② 99° | ③ 101° | ④ 105° | ⑤ 107° |
| ⑥ 109° | ⑦ 111° | ⑧ 115° | ⑨ 117° | ⑩ 119° |

(10) 8人の学生に10点満点の試験を行ったところ次のデータを得た。

3, 4, 4, 4, 5, 5, 6, 9 (点)

この8人の学生の点数の分散は 18 である。

18 に対する選択肢

- | | | | | |
|--------|--------|--------|--------|--------|
| ① 2 | ② 2.25 | ③ 2.5 | ④ 2.75 | ⑤ 3 |
| ⑥ 3.25 | ⑦ 3.5 | ⑧ 3.75 | ⑨ 4 | ⑩ 4.25 |

II. 3個のさいころを同時に投げるとき、次の各問いに答えよ。

(1) 出た目がすべて奇数である確率は 19 である。

19 に対する選択肢

- | | | | | |
|-------------------|------------------|------------------|------------------|------------------|
| ① $\frac{1}{16}$ | ② $\frac{3}{16}$ | ③ $\frac{5}{16}$ | ④ $\frac{7}{16}$ | ⑤ $\frac{9}{16}$ |
| ⑥ $\frac{11}{16}$ | ⑦ $\frac{1}{8}$ | ⑧ $\frac{3}{8}$ | ⑨ $\frac{5}{8}$ | ⑩ $\frac{7}{8}$ |

(2) 出た目のうち少なくとも1つが偶数である確率は 20 である。

20 に対する選択肢

- | | | | | |
|-------------------|------------------|------------------|------------------|------------------|
| ① $\frac{1}{16}$ | ② $\frac{3}{16}$ | ③ $\frac{5}{16}$ | ④ $\frac{7}{16}$ | ⑤ $\frac{9}{16}$ |
| ⑥ $\frac{11}{16}$ | ⑦ $\frac{1}{8}$ | ⑧ $\frac{3}{8}$ | ⑨ $\frac{5}{8}$ | ⑩ $\frac{7}{8}$ |

(3) 出た目の最小値が3以上である確率は 21 である。

21 に対する選択肢

- | | | | | |
|-------------------|------------------|------------------|------------------|------------------|
| ① $\frac{1}{9}$ | ② $\frac{2}{9}$ | ③ $\frac{4}{9}$ | ④ $\frac{5}{9}$ | ⑤ $\frac{7}{9}$ |
| ⑥ $\frac{11}{27}$ | ⑦ $\frac{2}{27}$ | ⑧ $\frac{4}{27}$ | ⑨ $\frac{7}{27}$ | ⑩ $\frac{8}{27}$ |

(4) 出た目の最小値が3である確率は 22 である。

22 に対する選択肢

- | | | | | |
|-------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|
| ① $\frac{1}{27}$ | ② $\frac{5}{27}$ | ③ $\frac{7}{27}$ | ④ $\frac{11}{27}$ | ⑤ $\frac{13}{27}$ |
| ⑥ $\frac{7}{216}$ | ⑦ $\frac{11}{216}$ | ⑧ $\frac{17}{216}$ | ⑨ $\frac{23}{216}$ | ⑩ $\frac{37}{216}$ |

III. 円に内接する四角形 ABCD において,

$$AB = 7, \ AD = 8, \ \cos \angle BAD = \frac{2}{7}$$

とする。このとき、次の各問いに答えよ。

(1) $BD = \boxed{23}$ である。

$\boxed{23}$ に対する選択肢

- | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|------|
| ① 1 | ② 2 | ③ 3 | ④ 4 | ⑤ 5 |
| ⑥ 6 | ⑦ 7 | ⑧ 8 | ⑨ 9 | ⑩ 10 |

(2) $\sin \angle BAD = \boxed{24}$ である。また、 $\triangle ABD$ の面積は $\boxed{25}$ である。

$\boxed{24}$ に対する選択肢

- | | | | |
|-------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|
| ① $\frac{2\sqrt{2}}{5}$ | ② $\frac{3\sqrt{2}}{5}$ | ③ $\frac{\sqrt{3}}{5}$ | ④ $\frac{2\sqrt{3}}{5}$ |
| ⑤ $\frac{\sqrt{5}}{7}$ | ⑥ $\frac{2\sqrt{5}}{7}$ | ⑦ $\frac{3\sqrt{5}}{7}$ | ⑧ $\frac{\sqrt{5}}{9}$ |
| ⑨ $\frac{2\sqrt{5}}{9}$ | ⑩ $\frac{4\sqrt{5}}{9}$ | | |

$\boxed{25}$ に対する選択肢

- | | | | |
|----------------|----------------|----------------|----------------|
| ① $6\sqrt{5}$ | ② $7\sqrt{5}$ | ③ $10\sqrt{5}$ | ④ $12\sqrt{5}$ |
| ⑤ $15\sqrt{5}$ | ⑥ $6\sqrt{7}$ | ⑦ $7\sqrt{7}$ | ⑧ $10\sqrt{7}$ |
| ⑨ $12\sqrt{7}$ | ⑩ $15\sqrt{7}$ | | |

(3) $BC = 7$ とすると、 $CD = \boxed{26}$ である。

$\boxed{26}$ に対する選択肢

- | | | | | |
|-----|-----------------|-----------------|------------------|------------------|
| ① 1 | ② 2 | ③ 3 | ④ 4 | ⑤ 5 |
| ⑥ 6 | ⑦ $\frac{5}{2}$ | ⑧ $\frac{7}{2}$ | ⑨ $\frac{11}{2}$ | ⑩ $\frac{13}{2}$ |